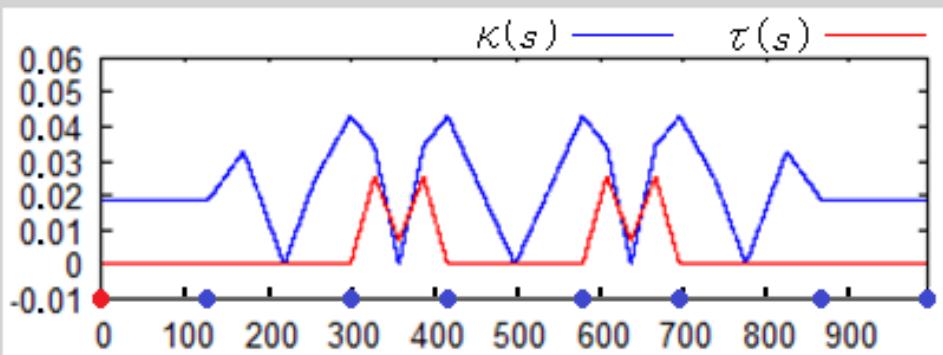
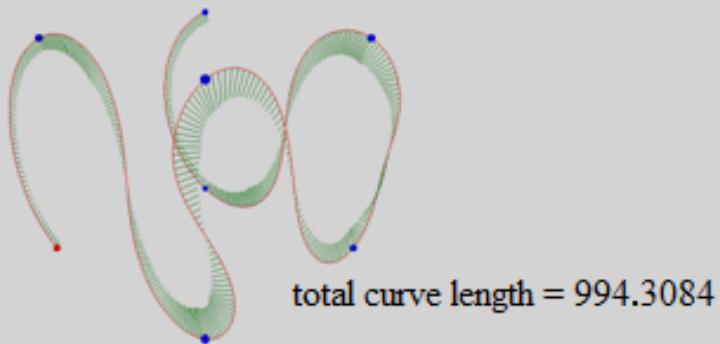


数值解析

2021年度前期 第14週 [7月15日]



静岡大学
工学研究科機械工学専攻
ロボット・計測情報分野
創造科学技術大学院
情報科学専攻

三浦 憲二郎



講義アウトライン [7月15日]

- 関数近似と補間
 - 最小2乗近似による関数近似（復習）
 - ラグランジュ補間
 - 形状処理工学の基礎
 - 点列からの曲線の生成



関数近似 p.116 (復習)

・複雑な関数を簡単な関数で近似する 関数近似

・閉区間 $[a, b]$ で定義された関数 $f(x)$ を $g(x) = \sum a_i \phi_i(x)$ で近似する。関数系 $\phi_i(x)$ は $[a, b]$ 上で連続かつ 1 次独立

関数が 1 次独立とは、

$$c_0\phi_0(x) + c_1\phi_1(x) + \cdots + c_{n-1}\phi_{n-1}(x) = 0 \rightarrow c_0 = c_1 = \cdots = c_{n-1} = 0$$

関数の差のノルムの二乗

$$\begin{aligned} \|f - g\|_2^2 &:= \int_a^b \{f(x) - g(x)\}^2 dx \\ &= \int_a^b \{f(x) - \sum_{i=0}^{n-1} a_i \phi_i(x)\}^2 dx \end{aligned}$$

が最小になるように係数 a_i を定める。



定理6.1 p.117 (復習)

- 関数系 ϕ_i が1次独立であれば、(6.1)のノルム $\|\cdot\|_2^2$ を最小にする係数は連立1次方程式

$$\begin{bmatrix} (\varphi_0, \varphi_0) & \cdots & (\varphi_0, \varphi_{n-1}) \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ (\varphi_{n-1}, \varphi_0) & \cdots & (\varphi_{n-1}, \varphi_{n-1}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_0 \\ \vdots \\ a_{n-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (f, \varphi_0) \\ \vdots \\ (f, \varphi_{n-1}) \end{bmatrix}$$

の解として一意に決定される。ここで、 $[a, b]$ 上の連続関数 $f(x)$ と $g(x)$ に対して

$$(f, g) = \int_a^b f(x)g(x)dx$$



定理6.1 p.117 (復習)

•(証明) (6.1)より

$$\begin{aligned} F(a_0, a_1, \dots, a_{n-1}) &:= \|f - g\|_2^2 = (f - g, f - g) = (f, f) - 2(f, g) + (g, g) \\ &= \|f\|_2^2 - 2(f, \sum_{i=0}^{n-1} a_i \phi_i) + (\sum_{i=0}^{n-1} a_i \phi_i, \sum_{j=0}^{n-1} a_j \phi_j) \\ &= \|f\|_2^2 - 2(f, \sum_{i=0}^{n-1} a_i \phi_i) + \sum_{i=0}^{n-1} \sum_{j=0}^{n-1} a_i a_j (\phi_i, \phi_j) \end{aligned}$$

が最小になるには極値の必要条件を満たさなければならない.

$$\frac{\partial F}{\partial a_i} = -2(f, \phi_i) + 2 \sum_{j=0}^{n-1} a_j (\phi_i, \phi_j) = 0$$

連立1次方程式(6.2)を解くことと同値.



グラム行列式 p.117

- 要素 x_0, x_1, \dots, x_{n-1} が線形独立であることと、以下のグラム行列式が0でないことと同値。 (6.2) はただ1つの解を持つ。

$$\Delta_{n-1} = \begin{vmatrix} (x_0, x_0) & (x_0, \phi_1) & \cdots & (x_0, x_{n-1}) \\ (x_1, x_0) & (x_0, \phi_1) & \cdots & (x_0, x_{n-1}) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ (x_{n-1}, x_0) & (x_{n-1}, x_1) & \cdots & (x_{n-1}, x_{n-1}) \end{vmatrix} \neq 0$$

定理6.2 $\phi_i = x^i$ ($i=0,1,2,\dots$) は $[a,b]$ で連続であり、かつ1次独立である。

(証明) 任意の自然数 n に対して、

$$a_0 + a_1x + a_2x^2 + \cdots + a_nx^n = 0$$

と仮定すると、閉区間 $[a, b]$ の任意の t に対して 0、したがって

$$a_0 = a_1 = a_2 = \cdots = a_n = 0$$

なぜならば、 n 次方程式の解は高々 n 個。



関数近似の例 p.118

- 例6.3 $f(x)=x^2$ に対する最小2乗近似1次式 $g(x)=a_0 + a_1 x$ を $[0,1]$ で求めよ.

- $\phi_0(x)=1, \phi_1(x)=x$ とすると

$$(\phi_0, \phi_0) = \int_0^1 1 dx = 1, \quad (\phi_0, \phi_1) = \int_0^1 x dx = \frac{1}{2} = (\phi_1, \phi_0)$$

$$(\phi_1, \phi_1) = \int_0^1 x^2 dx = \frac{1}{3}$$

$$(f, \phi_0) = \int_0^1 x^2 dx = \frac{1}{3}, \quad (f, \phi_1) = \int_0^1 x^3 dx = \frac{1}{4}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{3} \\ \frac{1}{4} \end{bmatrix}$$

したがって, $a_0 = -1/6, a_1 = 1$. よって $y=x-1/6$.



定理6.4 p.119

- m 組の与えられたデータ $(x_0, y_0), (x_1, y_1), \dots, (x_{m-1}, y_{m-1})$ を通る関数 $f(x)$ を $g(x) = \sum a_i \phi_i(x)$ によって近似することを考える。

$$F(a_0, a_1, \dots, a_{n-1}) := \|f - g\|_2^2 = \sum_{k=0}^{m-1} \left(y_k - \sum_{j=0}^{n-1} a_j \phi_j(x_k) \right)^2$$

が最小になるように a_0, a_1, \dots, a_{n-1} を決定する。

連立1次方程式

$$\begin{bmatrix} (\phi_0, \phi_0) & (\phi_0, \phi_1) & \cdots & (\phi_0, \phi_{n-1}) \\ (\phi_1, \phi_0) & (\phi_1, \phi_1) & \cdots & (\phi_1, \phi_{n-1}) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ (\phi_{n-1}, \phi_0) & (\phi_{n-1}, \phi_1) & \cdots & (\phi_{n-1}, \phi_{n-1}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \\ \vdots \\ a_{n-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (y, \phi_0) \\ (y, \phi_1) \\ \vdots \\ (y, \phi_{n-1}) \end{bmatrix}$$

$$(y, \phi_i) = \sum_{k=0}^{m-1} y_k \phi_i(x_k)$$

の解である。

$$(\phi_i, \phi_j) = \sum_{k=0}^{m-1} \phi_i(x_k) \phi_j(x_k) \quad (k = 0, 1, \dots, m-1; i, j = 0, 1, \dots, n-1)$$



最小2乗近似: プログラム:p.120

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>

#define M 6 /* データのペア数 */
#define N 3 /* N次式で近似 */

/* ベクトルの入力 */
void input_vector2( double *b, char c, int n, FILE *fin, FILE *fout);
/* 部分ピボット選択付きガウス消去法 */
void gauss2( double a[N+1][N+1], double b[N+1], int n );
/* 最小2乗近似 */
void least_square( double *x, double *y, FILE *fout );

int main(void)
{
    FILE *fin, *fout;
    double x[M], y[M];
    /* ファイルのオープン */
    if( (fin = fopen( "input_func.dat", "r")) == NULL )
    {
        printf("ファイルが見つかりません : input_func.dat\n");
        exit(1);
    }
    if( (fout = fopen( "output_func.dat", "w")) == NULL )
    {
        printf("ファイルが作成できません : output_func.dat\n");
        exit(1);
    }
    input_vector2( x, 'x', M, fin, fout ); /* ベクトルxの入出力 */
    input_vector2( y, 'y', M, fin, fout ); /* ベクトルyの入出力 */

    least_square( x, y, fout ); /* 最小2乗近似 */

    fclose(fin); fclose(fout); /* ファイルのクローズ */
    return 0;
}
```

```
void least_square( double x[M], double y[M], FILE *fout )
{
    double a[N+1], p[N+1][N+1];
    int i, j, k;
    /* 右辺ベクトルの作成 */
    for(i=0; i <= N; i++) {
        a[i]=0.0;
        for(j = 0; j < M; j++) {
            a[i] += y[j]*pow(x[j],(double)i);
        }
    }
    /* 係数行列の作成 */
    for( i = 0; i <= N; i++) {
        for(j = 0; j <= i; j++) {
            p[i][j]=0.0;
            for(k = 0; k < M; k++) {
                p[i][j] += pow( x[k], (double)(i+j) );
            }
            p[j][i] = p[i][j];
        }
    }
    /* 連立1次方程式を解く。結果はaに上書き */
    gauss2( p, a, N+1 );
    /* 結果の出力 */
    fprintf( fout, "最小2乗近似式は y =" );
    for( i = N ; i >= 0 ; i--) {
        if(a[i]>0){
            if(i==N){
                fprintf(fout, " %5.2f x^%d ", a[i],i);
            }
            else{
                fprintf(fout, "+ %5.2f x^%d ", a[i],i);
            }
        }
        else{
            fprintf(fout, "- %5.2f x^%d ", fabs(a[i]),i);
        }
    }
    fprintf(fout, "\n");
}
```



最小2乗近似: 実行結果 p.123

input_func.dat

0.0 0.2 0.4 0.6 0.8 1.0

2.0 2.12 1.62 2.57 1.53 2.0

output_func.dat

ベクトルxは次の通りです

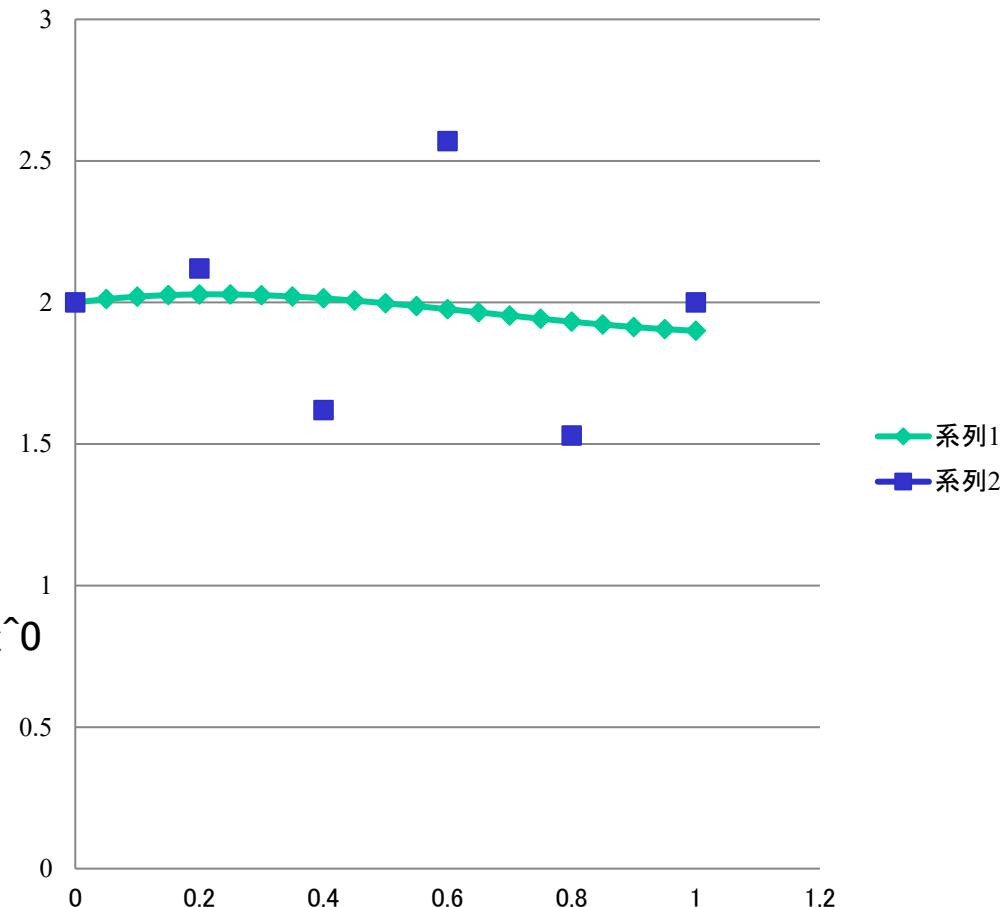
0.00 0.20 0.40 0.60 0.80 1.00

ベクトルyは次の通りです

2.00 2.12 1.62 2.57 1.53 2.00

最小2乗近似式は

$$y = 0.38 x^3 - 0.76 x^2 + 0.28 x^1 + 2.00 x^0$$



ラグランジュ補間 p.124

・点 $(x_0, f_0), (x_1, f_1), \dots, (x_n, f_n)$ が与えられたとき、これらすべての点 (x_i, f_i) を通る曲線 $y=f(x)$ を求めて $x_0 < x < x_n$ の与えられた点以外の関数値を求めることが補間 (interpolation) するという。

$f_k = f(x_k), k=0,1,\dots,n$ が与えられたとき、等式 $P(x_k) = f_k, k=0,1,\dots,n$ を満たす多項式 $P(x)$ を $f(x)$ の補間多項式という。

定理6.5 補間条件を満たすn次多項式 $P_n(x)$ はただ1つに定まる。

$$P_n(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \dots + a_n x^n$$
$$V = \begin{bmatrix} 1 & x_0 & x_0^2 & \cdots & x_0^n \\ 1 & x_1 & x_1^2 & \cdots & x_1^n \\ \vdots & & & \ddots & \vdots \\ 1 & x_n & x_n^2 & \cdots & x_n^n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \\ \vdots \\ a_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f_0 \\ f_1 \\ \vdots \\ f_n \end{bmatrix}$$

Vの行列式: バンデルモンド(Vandermonde)の行列、解が1つに定まる。 

ラグランジュ補間 p.125

- n次のラグランジュ補間多項式, ラグランジュ補間(Lagrange interpolation)

$$l_i(x) = \prod_{k=0, k \neq i} \frac{x - x_k}{x_i - x_k}$$

$$P_n = \sum_{i=0}^n f_i l_i(x)$$

基本多項式 $l_i(x)$ の 点 x_k ($0 \leq k \leq n$) での値は

$$l_i(x_k) = \delta_{ik} := \begin{cases} 1 & (k = i) \\ 0 & (k \neq i) \end{cases}$$

$$P_n(x_k) = \sum_{i=0}^n f_i l_i(x_k) = \sum_{i=0}^n f_i \delta_{ik} = f_k$$



ラグランジュ補間: プログラム p.125

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#define N 9
/* ベクトルの入力 */
void input_vector3( double b[N+1], char c, FILE *fin );
/* ラグランジュ補間 */
double lagrange( double x[N+1], double y[N+1], double xi );

int main(void) {
    FILE *fin, *fout;
    double x[N+1], y[N+1], xi; /* xiは補間点 */

    printf("補間点を入力してください--->");
    scanf("%lf", &xi);

    /* ファイルのオープン */
    if ( (fin = fopen( "input_lag.dat", "r" )) == NULL ) {
        printf("ファイルが見つかりません : input_lag.dat\n");
        exit(1);
    }
    if( (fout = fopen( "output_lag.dat", "w" )) == NULL ) {
        printf("ファイルが作成できません : output_lag.dat\n");
        exit(1);
    }

    input_vector3( x, 'x', fin ); /* ベクトルxの入出力 */
    input_vector3( y, 'y', fin ); /* ベクトルyの入出力 */

    printf("補間の結果は、P(%f)=%f\n", xi, lagrange(x,y,xi));

    /* グラフを描くために結果をファイルに出力 */
    for( xi = x[0]; xi <= x[N]; xi += 0.01 ) {
        fprintf(fout, "%f %f\n", xi, lagrange(x,y,xi));
    }
    fclose(fin); fclose(fout); /* ファイルのクローズ */

    return 0;
}
```

```
/* ラグランジュ補間 */
double lagrange( double x[N+1], double y[N+1], double xi )
{
    int i, k;
    double pn = 0.0, li;

    /* P_n(x)の計算 */
    for ( i = 0; i <= N ; i++ ) {
        li = 1.0;
        /* L_i(x)の計算 */
        for( k = 0; k <= N; k++ ) {
            if( k != i ) li *= (xi - x[k]) / (x[i]-x[k]);
        }
        pn += li * y[i];
    }
    return pn;
}

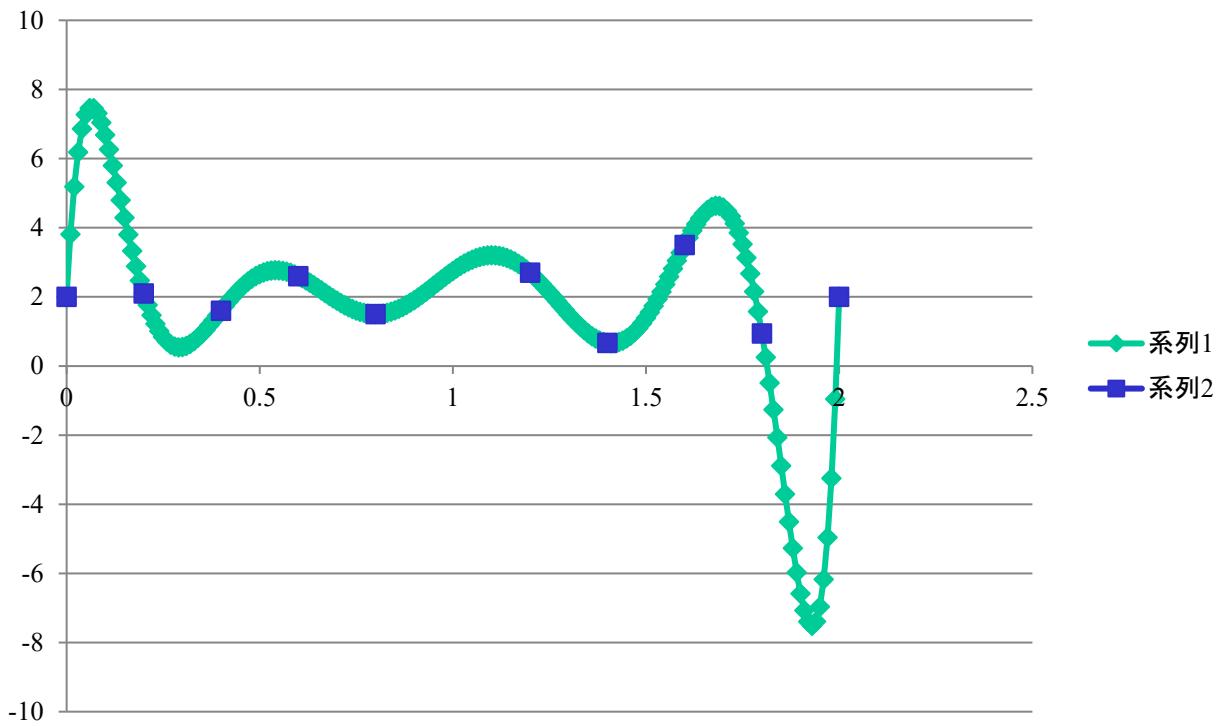
/* b[0...N]の入力 */
void input_vector3( double b[N+1], char c, FILE *fin )
{
    int i;
    for( i = 0 ; i <= N ; i++ ) {
        fscanf(fin, "%lf", &b[i]);
    }
}
```



ラグランジュ補間: 実行結果

input_lag.dat

0.0 0.2 0.4 0.6 0.8 1.2 1.4 1.6 1.8 2.0
2.0 2.1 1.6 2.6 1.5 2.7 0.67 3.5 0.94 2.0



関数近似 確認問題

1. 最小2乗法を用いて、3点(0,-1), (1, 1), (2, 7)を近似する直線を求めよ。
2. ラグランジュ補間を用いて(0,-1), (1,1), (2, 7)を通る2次式を求めよ。
3. 2次関数 $y = 2x^2 - 1$ を $0 \leq x \leq 2$ の範囲で最もよく近似する1次関数 $y=a_0 + a_1 x$ を求めよ。



関数近似 確認問題 解答

1. 最小2乗法を用いて、3点(1,-1), (2, 1), (3, 7)を近似する直線を求めよ。

$$y = 4x - \frac{5}{3}$$

2. ラグランジュ補間を用いて(0,-1), (1,1), (2, 7)を通る2次式を求めよ。

$$y = 2x^2 - 1$$

3. 2次関数 $y = 2x^2 - 1$ を $0 \leq x \leq 2$ の範囲で最良に近似する1次関数 $y = a_0 + a_1 x$ を求めよ。

$$y = 4x - \frac{7}{3}$$



形状処理工学の基礎

- 形状処理工学 (Computer Aided Geometric Design)

かたちをコンピュータで処理する工学

- ・表現(データ構造), 表示, 変形

- ・リバースエンジニアリング

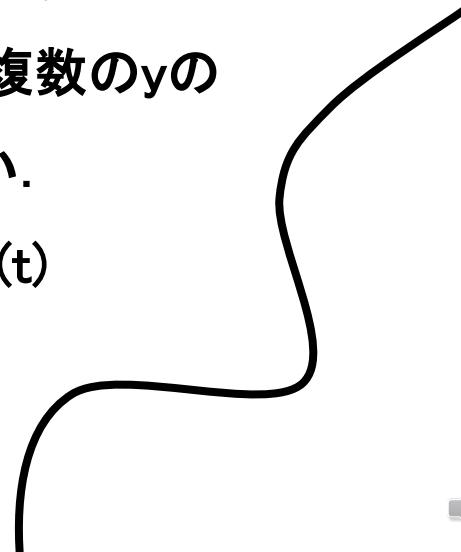
点群から曲面を再構築する.

- ここでは, 点群の近似する曲線を生成することを考える.

$y=f(x)$ の形式では, 円のように, 同じ x の値に複数の y の値が対応する関数(多値関数)を表現できない.

そこで, パラメータ t を導入して曲線 $C(t)$ を以下のように定義する.

$$C(t)=(x(t), y(t))$$



定理6.4の拡張

• m 組の与えられた点 $(x_0, y_0), (x_1, y_1), \dots, (x_{m-1}, y_{m-1})$ とそれらのデータに対応するパラメータ値 t_0, t_1, \dots, t_{m-1} に対して、それらの点列を内挿する関数 $C(t) = (x(t), y(t))$ を $(g_x(t), g_y(t)) = (\sum a_i \phi_i(t), \sum b_i \phi_i(t))$ によって近似することを考える。

$$\begin{aligned} F(a_0, a_1, \dots, a_{n-1}, b_0, b_1, \dots, b_{n-1}) &:= \|f - g\|_2^2 \\ &= \sum_{k=0}^{m-1} \left\{ (x_k - \sum_{j=0}^{n-1} a_j \phi_j(t_k))^2 + (y_k - \sum_{j=0}^{n-1} b_j \phi_j(t_k))^2 \right\} \end{aligned}$$

が最小になるように a_0, a_1, \dots, a_{n-1} および b_0, b_1, \dots, b_{n-1} 決定する。

2組の連立1次方程式

$$\begin{bmatrix} (\phi_0, \phi_0) & (\phi_0, \phi_1) & \cdots & (\phi_0, \phi_{n-1}) \\ (\phi_1, \phi_0) & (\phi_1, \phi_1) & \cdots & (\phi_1, \phi_{n-1}) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ (\phi_{n-1}, \phi_0) & (\phi_{n-1}, \phi_1) & \cdots & (\phi_{n-1}, \phi_{n-1}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \\ \vdots \\ a_{n-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (x, \phi_0) \\ (x, \phi_1) \\ \vdots \\ (x, \phi_{n-1}) \end{bmatrix}$$
$$\begin{bmatrix} (\phi_0, \phi_0) & (\phi_0, \phi_1) & \cdots & (\phi_0, \phi_{n-1}) \\ (\phi_1, \phi_0) & (\phi_1, \phi_1) & \cdots & (\phi_1, \phi_{n-1}) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ (\phi_{n-1}, \phi_0) & (\phi_{n-1}, \phi_1) & \cdots & (\phi_{n-1}, \phi_{n-1}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} b_0 \\ b_1 \\ \vdots \\ b_{n-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (y, \phi_0) \\ (y, \phi_1) \\ \vdots \\ (y, \phi_{n-1}) \end{bmatrix}$$

の解である。

$$(x, \phi_i) = \sum_{k=0}^{m-1} x_k \phi_i(x_k), (y, \phi_i) = \sum_{k=0}^{m-1} y_k \phi_i(x_k)$$
$$(\phi_i, \phi_j) = \sum_{k=0}^{m-1} \phi_i(x_k) \phi_j(x_k) \quad (k = 0, 1, \dots, m-1; i, j = 0, 1, \dots, n-1)$$

点列の補間: プログラム

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>
#define M 6 /* データのペア数 */
#define N 3 /* N次式で近似 */
/* ベクトルの入力 */
void input_vector2( double *b, char c, FILE *fin, FILE *fout);
/* 行列の領域確保 */
/* 部分ピボット選択付きガウス消去法 */
void gauss2( double a[N+1][N+1], double b[N+1], int n );
/* 最小2乗近似呼び出し */
void least_square_coef( double x[M], double y[M], double a[N+1], FILE *fout );
/* 最小2乗近似 */
void least_square( double x[M], double y[M], FILE *fout );
/* 曲線の生成 */
void curve( double x[M], double y[M], double t[M], FILE *fout );
/* 曲線上の点列データ出力 */
void curve_shape( double a0[N+1], double b0[N+1], FILE *fp1);
double a[N+1], b[N+1]; /* グローバル変数 */
int main(void){
    FILE *fin, *fout, *fout1;
    double x[M], y[M], t[M];
    /* ファイルのオープン */
    if ( (fin = fopen( "curve_fitting.dat", "r" )) == NULL ){
        printf("ファイルが見つかりません : curve_fitting.dat\n"); exit(1);
    }
    if( (fout = fopen( "output_curve.dat", "w" )) == NULL ){
        printf("ファイルが作成できません : output_curve.dat\n"); exit(1);
    }
    if( (fout1 = fopen( "output_shape.dat", "w" )) == NULL ){
        printf("ファイルが作成できません : output_shape.dat\n"); exit(1);
    }
    input_vector2( x, 'x', fin, fout ); /* ベクトルxの入出力 */
    input_vector2( y, 'y', fin, fout ); /* ベクトルyの入出力 */
    input_vector2( t, 't', fin, fout ); /* パラメータtの入出力 */
    curve( x, y, t, fout ); /* 最小2乗近似 */
    curve_shape( a, b, fout1 );
    fclose(fin); fclose(fout); /* ファイルのクローズ */
    return 0;
}
```

```
void curve( double x[M], double y[M], double t[M], FILE *fout)
{
    least_square_coef( t, x, a, fout );
    least_square_coef( t, y, b, fout );
}

void least_square_coef( double x[M], double y[M], double a[N+1],
FILE *fout )
{
    double p[N+1][N+1];
    int i, j, k;

    /* 右辺ベクトルの作成 */
    for(i=0; i <= N; i++){
        a[i]=0.0;
        for( j = 0; j < M; j++ ){
            a[i] += y[j]*pow(x[j],(double)(i));
        }
    }

    /* 係数行列の作成 */
    for( i = 0; i <= N; i++ ){
        for( j = 0; j <= i; j++ ){
            p[i][j]=0.0;
            for( k = 0; k < M; k++ ){
                p[i][j] += pow( x[k], (double)(i+j) );
            }
            p[j][i] = p[i][j];
        }
    }

    /* 連立1次方程式を解く。結果はaに上書き */
    gauss2( p, a, N+1 );
```



点列の補間: プログラム その2

```

/* 結果の出力 */
fprintf( fout, "最小2乗近似式はy=");
for( i = N ; i >= 0 ; i--){
    if(i==N){
        fprintf(fout, "%5.2f x^%d ", a[i],i);
    }
    else{
        if(a[i]>0){
            fprintf(fout, "+ %5.2f x^%d ", a[i],i);
        }
        else{
            fprintf(fout, "- %5.2f x^%d ", fabs(a[i]),i);
        }
    }
}
fprintf(fout, "\n");
}

/* 部分ピボット選択付きガウス消去法 */
void gauss2( double a[N+1][N+1], double b[N+1], int n )
{
int i, j, k, ip;
double alpha, tmp;
double amax, eps=pow(2.0, -50.0); /* eps = 2^{-50}とする */
for( k = 0; k < n-1; k++)
{
/* ピボットの選択 */
amax = fabs(a[k][k]); ip = k;
for( i = k+1; i < n; i++){
    if( fabs(a[i][k]) > amax ){
        amax = fabs(a[i][k]); ip = i;
    }
}
/* 正則性の判定 */
if( amax < eps ) printf("入力した行列は正則ではない!!\n");
/* 行交換 */
if( (ip != k){
    for( j = k; j < n; j++){
        tmp = a[k][j]; a[k][j]=a[ip][j]; a[ip][j]=tmp;
    }
    tmp = b[k] ; b[k]=b[ip]; b[ip]=tmp;
}
}

```

```

/* 前進消去 */
for( i = k+1; i < n; i++){
    alpha = - a[i][k]/a[k][k];
    for( j = k+1; j < n; j++){
        a[i][j] = a[i][j] + alpha * a[k][j];
    }
    b[i] = b[i] + alpha * b[k];
}
}

/* 後退代入 */
b[n-1] = b[n-1]/a[n-1][n-1];
for( k = n-2; k >= 0; k--){
    tmp = b[k];
    for( j = k+1; j <= n; j++){
        tmp = tmp - a[k][j] * b[j];
    }
    b[k] = tmp/a[k][k];
}

void curve_shape( double a0[N+1], double b0[N+1], FILE *fp1)
{
    int i,j;
    double dt0=0.05;
    double x0,y0,t0=0.,t1;
    for(i=0;i<=20;++i){
        x0=a0[0];
        y0=b0[0];
        t0+=dt0;
        t1=t0;
        for(j=1;j<=N;++j){
            x0+=a0[j]*t1;
            y0+=b0[j]*t1;
            t1*=t0;
        }
        fprintf(fp1,"%lf\t%lf\n",x0,y0);
    }
}

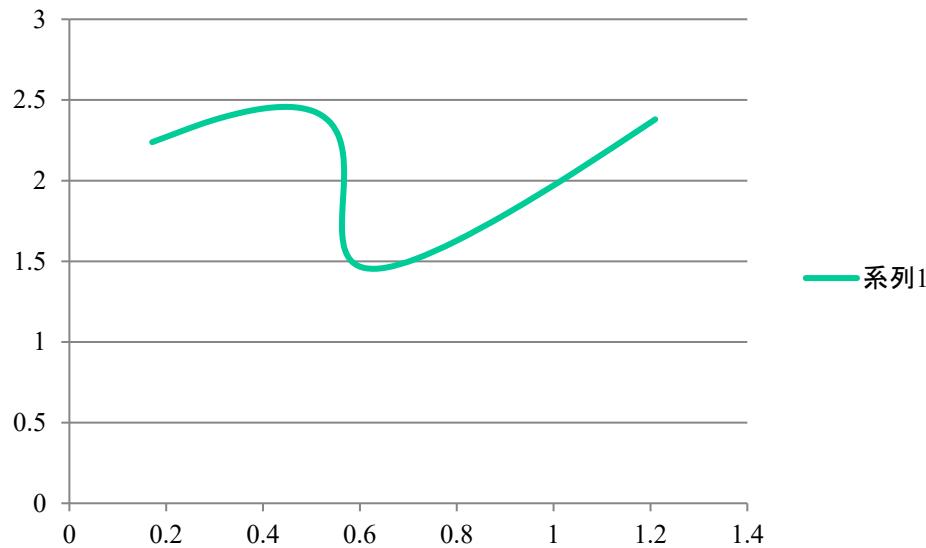
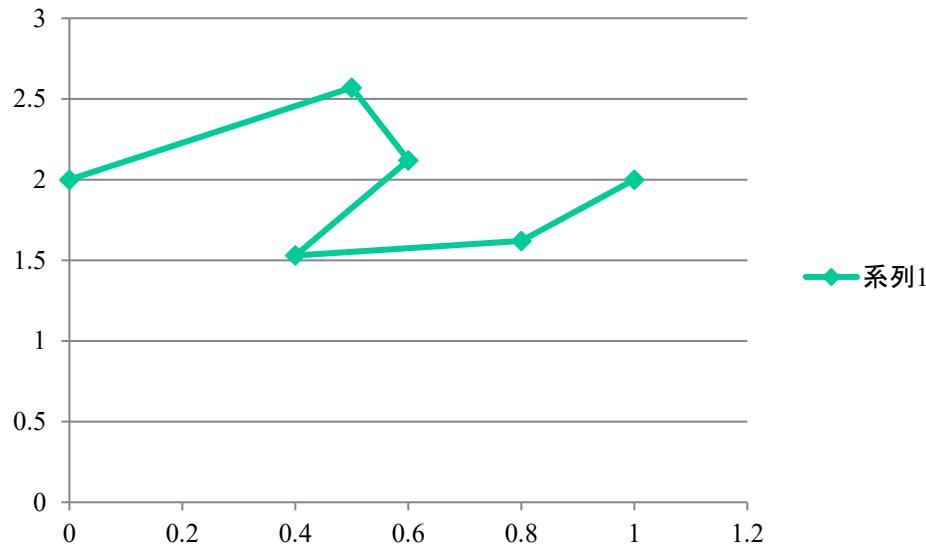
```



ラグランジュ補間: 実行結果

curve_fitting.dat

0.0	0.5	0.6	0.4	0.8	1.0
2.0	2.57	2.12	1.53	1.62	2.0
0.0	0.2	0.4	0.6	0.8	1.0



プログラミング課題5

- プログラミング課題5

ホームページ <https://mc2-lab.com/lecture.html#A>
より download する。

- 締め切り 8月7日（金）午後5時

- 学籍番号に合わせて担当TAにメール添付でソースコードを送る。

TA島君のメールアドレス：shima.kotaro.16@shizuoka.ac.jp

課題1の送付先メールアドレスを確認すること。誤りの場合は再度提出すること。

- 内容

- 関数の近似

- 点列の近似

- 曲線の生成



連絡先

- 電子メールアドレス miura.kenjiro@shizuoka.ac.jp
- ホームページ
<https://mc2-lab.com/>
- 電話・ファックス 053-478-1074
- 授業用ホームページ <https://mc2-lab.com/lecture.html#A>



まとめ

- 関数近似と補間
 - 最小2乗近似による関数近似
 - ラグランジュ補間
 - 形状処理工学の基礎
 - 点列からの曲線の生成

• 受講、お疲れ様でした。

